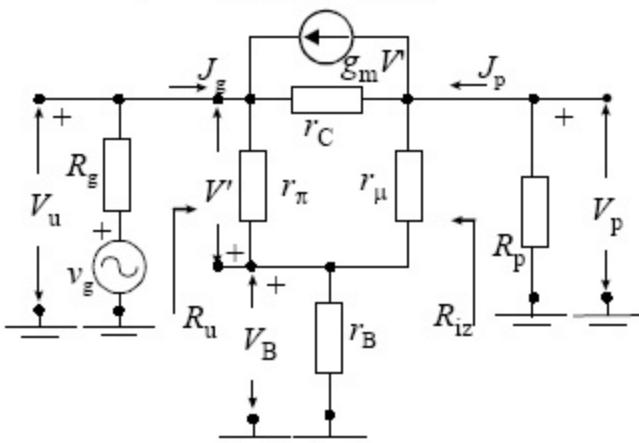


$$(3.7.50) \quad \begin{aligned} -\frac{V'}{r_\pi} - g_m V' + \frac{V_u - V_p}{r_C} &= J_g \\ \frac{V'}{r_\pi} + \frac{V_B}{r_B} + \frac{V_B - V_p}{r_\mu} &= 0 \\ -\frac{V_u - V_p}{r_C} + g_m V' - \frac{V_B - V_p}{r_\mu} + \frac{V_p}{R_p} &= 0 \\ V' &= V_B - V_u \end{aligned}$$

Analizom električne šeme modela kao i sistema (3.7.50) zaključujemo da kolo sadrži tri čvora i da će izvođenje izraza u zatvorenom obliku biti suviše složeno i nepregledno. Zato ćemo na samom startu da uvedemo pretpostavku da je  $r_\mu$  dovoljno velika otpornost da možemo da je smatramo beskonačnom. Naime, uticaj ove otpornosti traga da posmatramo najpre u paraleli sa Miller-ovom otpornošću na izlazu:  $-A \cdot r_C / (1-A)$ . Pošto je moduo ovog broja znatno manji od  $r_\mu$  lako zaključujemo o zanemarivanju. Dalje, ako posmatramo prenos signala u inverznom smjeru preko razdelnika  $r_\mu \cdot r_B$ , lako zaključujemo da je neznatan u odnosu na prenos signala preko razdelnika  $r_C \cdot r_\pi$ . Sve to opravdava predloženo zanemarivanje. Sa ovom pretpostavkom umesto (3.7.50), biće

$$(3.7.51) \quad \begin{aligned} -\frac{V'}{r_\pi} - g_m V' + \frac{V_u - V_p}{r_C} &= J_g \\ -\frac{V_u - V_p}{r_C} + g_m V' + \frac{V_p}{R_p} &= 0 \\ V' &= -r_\pi V_u / (r_\pi + r_B). \end{aligned}$$



Slika 3.7.9 Ekvivalentno kolo osnovnog pojačavača sa zajedničkom bazom

Rešavanjem ovog sistema, najpre, nalazimo transimpedansu kao

$$(3.7.52a) \quad Z_T = \frac{V_p}{J_g} = \frac{R_p}{1 + (r_C + R_p)/R_0}$$

ili

$$(3.7.52b) \quad Z_T \approx \frac{R_p}{1 + 1/(g_m r_\pi)} \approx R_p,$$

gde je uvedeno  $R_0 = r_\pi + r_B + (g_m r_\pi) r_C$ .

Za strujno pojačanje se lako dobija

$$(3.7.53a) \quad A_s = \frac{J_p}{J_g} = \frac{-V_p / R_p}{J_g} = -\frac{Z_T}{R_p} = -1 / [1 + (r_C + R_p) / R_0]$$

ili

$$(3.7.53b) \quad A_s \approx \frac{-g_m r_\pi}{1 + g_m r_\pi}.$$

Ulagnu otpornost dobijamo posle ponovnog rešavanja sistema (3.7.51):

$$(3.7.54) \quad R_u = \frac{V_u}{J_g} = \frac{(r_\pi + r_B)(r_C + R_p)}{R_p + r_C + R_0} \approx \frac{r_\pi + r_B}{1 + g_m r_\pi}.$$

Sada se za naponsko pojačanje od ulza do potrošača dobija:

$$(3.7.55) \quad A = \frac{V_p}{V_u} = \frac{R_p}{r_C + R_p} \frac{R_0}{r_\pi + r_B} \approx \frac{g_m r_\pi R_p}{r_\pi + r_B},$$

a za ukupno naponsko pojačanje:

$$(3.7.55a) \quad A_u = \frac{V_p}{V_g} = \frac{R_p R_0}{R_g (R_p + r_C + R_0) + (r_\pi + r_B)(r_C + R_p)}$$

ili

$$(3.7.55a) \quad A_u \approx \frac{R_p}{R_g + (r_\pi + r_B)/(g_m r_\pi)}.$$

Može se uočiti dramatičan uticaj otpornosti generatora na ukupno naponsko pojačanje. Razlog tome je veoma mala ulagna otpornost ovog pojačavača.

Za određivanje izlazne otpornosti biće upotrebljeno kolo sa Sl. 3.7.10. Ovde se odmah smatra da je  $r_\mu$  suviše veliko i nije uzeto u razmatranje. Važi sledeći sistem jednačina

$$(3.7.56) \quad \begin{aligned} \left( \frac{1}{R_g} + \frac{1}{r_B + r_\pi} \right) V_u - g_m V' + \frac{V' - V_p}{r_C} &= 0 \\ -\frac{V' - V_p}{r_C} + g_m V' &= J \\ V' &= -r_\pi V_u / (r_\pi + r_B). \end{aligned}$$

Rešavanjem ovog sistema po  $V_p$  dobijamo izlaznu otpornost kao

$$(3.7.57a) \quad R_{iz} = V_p / J = r_C + R_0 R_g / (R_g + r_B + r_\pi),$$

gde je i dalje  $R_0 = r_\pi + r_B + (g_m r_\pi) r_C$ .

Posle zanemarivanja dobija se

$$(3.7.57b) \quad R_{iz} = r_C + [1 + g_m r_\pi R_g / (R_g + r_B + r_\pi)].$$

### 3.7.5 Primer primene hibridnog $\pi$ -modela

Analiza osnovnih i drugih pojačavača na visokim frekvencijama biće data nešto kasnije u ovom poglavljiju. Ovde će, ilustracije radi, ali i radi sagledavanja